

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Наумова Наталия Александровна
Должность: Ректор
Дата подписания: 24.10.2024 14:21:41
Уникальный программный ключ:
6b5279da4e034bffa79172803da5b7b559fc69e2

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ МОСКОВСКОЙ ОБЛАСТИ
Государственное образовательное учреждение высшего образования Московской области
МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ОБЛАСТНОЙ УНИВЕРСИТЕТ
(МГОУ)

Экономический факультет

Кафедра прикладной математики и информатики

Согласовано управлением организации и
контроля качества образовательной
деятельности

« 9 » июня 2021 г.

Начальник управления

/ Г.Е. Суслин /

Одобрено учебно-методическим советом

Протокол « 9 » июня 2021 г. № 11

Председатель

О.А. Шестакова



Рабочая программа дисциплины

Основы экономико-математического моделирования

Направление подготовки

38.03.02 Менеджмент

Профиль:

Управление проектом

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Согласовано учебно-методической комиссией
экономического факультета:

Протокол от «17» июня 2021 г. № 11

Председатель УМКом

/Н.М. Антипина/

Рекомендовано кафедрой прикладной
математики и информатики

Протокол от «__» _____ 2021 г. № __

Зав. кафедрой

/Н.М. Антипина/

Мытищи

2021

Автор-составитель:
Юн Ф.А.
кандидат технических наук, доцент кафедры
«Прикладная математика и информатика»

Рабочая программа дисциплины «Основы экономико-математического моделирования» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению 38.03.02 - Менеджмент, утвержденного приказом МИНОБРНАУКИ № 970 от 12.08.2020 г.

Дисциплина входит в часть, формируемая участниками образовательных отношений Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Год начала подготовки 2021

СОДЕРЖАНИЕ

1. Планируемые результаты обучения.....	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы.....	5
3. Объем и содержание дисциплины.....	5
4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся.....	7
5. Фонд оценочных средств для проведения текущей и промежуточной аттестации по дисциплине.....	9
6. Учебно-методическое и ресурсное обеспечение дисциплины.....	23
7. Методические указания по освоению дисциплины.....	24
8. Информационные технологии для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	25
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины.....	25
Приложение 1. Методические рекомендации по решению задач математического программирования в Excel	27

1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель освоения дисциплины - усвоение студентами теоретических основ и прикладных методов решения задач управления с помощью экономико-математического моделирования.

Задачи дисциплины:

1. Ознакомить студентов с сущностью, познавательными возможностями и практическим значением моделирования как одного из научных методов познания реальности.
2. Изучить важнейшие математические методы, применяемые для решения типовых экономических и организационных задач.
3. Сформировать навыки по построению и адаптации типовых экономико-математических моделей, их решению и постановки модельного эксперимента на персональной ЭВМ.
4. Научить интерпретировать результаты экономико-математического моделирования и применять их для обоснования управленческих решений.
5. Сформировать основу для дальнейшего самостоятельного изучения приложений экономико-математического моделирования в процессе профессиональной деятельности.

1.2. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины у обучающихся формируются следующие компетенции:

ДПК-1 Способность осуществлять поиск и сбор необходимой информации, в т.ч. и зарубежного опыта, использовать методы количественного и качественного ее анализа с использованием современных информационных технологий, в том числе и интеллектуально-аналитических систем; применять методы экономического и бизнес-анализа, маркетинговых исследований и стратегического анализа, для оценки проекта и обоснования решений о его выполнении

ДПК-3 Способность осуществлять планирование предметных областей проекта, в том числе инновационных, с использованием различных методологий и стандартов проджект-менеджмента, организовывать выполнение работ проекта в соответствии с техническим заданием, проводить мониторинг и контроль выполнения проекта в соответствии с установленными регламентами с применением современных информационных технологий, программных продуктов в области проджект-менеджмента

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина входит в часть, формируемая участниками образовательных отношений Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

непосредственно связана и базируется на такой дисциплине, как «Математика и математические методы в управлении». Предполагает знание школьной программы курса математики, основ линейной алгебры, а также умение работать на персональном компьютере.

Знания, умения и навыки, полученные студентами при изучении этой дисциплины, используются при изучении других дисциплин, таких как «Методы разработки и принятия управленческих решений», «Анализ хозяйственной деятельности», «Управление операциями» и др., а также при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. ОБЪЕМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Объем дисциплины

Показатель объема дисциплины	Форма обучения
	Очная

Объем дисциплины в зачетных единицах	3
Объем дисциплины в часах	108
Контактная работа:	64.2
Лекции	32
Практические	32
Контактные часы на промежуточную аттестацию:	0.2
Зачет	0.2
Самостоятельная работа	36
Контроль	7.8

Форма промежуточной аттестации: зачет во 2 семестре.

3.2.Содержание дисциплины

Наименование разделов (тем) дисциплины	Кол-во часов	
	Лекции	Практические занятия
1	2	3
Тема 1. Введение. Основные понятия и задачи экономико-математического моделирования бизнес-процессов Понятие моделирования бизнес-процессов. Типичные задачи, решаемые при помощи моделирования. Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. Математическая структура модели и ее содержательная интерпретация. Математическая модель и ее основные параметры. Порядок построения модели. Типы экономико-математических моделей. Информационное обеспечение математического моделирования. Критерии оптимальности модели. Понятие задачи оптимизации. Общая постановка задачи оптимизации.	2	
Тема 2. Модели линейного программирования (ЛП) Задача линейного программирования. Примеры задач линейного программирования: задача об использовании ресурсов, задача планирования производства, задача об использовании мощностей, задача смещения и др. Построение моделей задач линейного программирования: выбор переменных и параметров модели, выбор целевой функции и критерия оптимальности, формализация целевой функции, построение системы ограничений, задание граничных условий. Общая, стандартная и каноническая формы задачи ЛП.	4	4
Тема 3. Теоретические основы методов линейного программирования. Геометрический метод решения задачи ЛП Система m линейных уравнений с n переменными. Основные (базисные) и небазисные переменные. Понятие о выпуклом множестве точек. Геометрический смысл решений неравенств, уравнений и их систем. Свойства задачи ЛП. Геометрическая интерпретация задачи линейного программирования. Графическое решение задач линейного программирования.	2	4

Тема 4. Симплексный метод решения задачи ЛП Геометрическая интерпретация симплексного метода. Алгоритм симплексного метода. Определение первоначального допустимого решения. Особые случаи симплексного метода. Симплексные таблицы.	4	4
Тема 5. Двойственные задачи ЛП Прямая и двойственная задачи линейного программирования. Экономическая интерпретация взаимно двойственных задач линейного программирования. Свойства взаимно двойственных задач. Первая и вторая теоремы двойственности. Нахождение решения двойственных задач. Объективно обусловленные оценки и их смысл. Анализ устойчивости двойственных оценок. Экономико-математический анализ полученных оптимальных решений. Двойственный симплексный метод решения ЗЛП.	4	4
Тема 6. Применение ЭВМ для решения задач ЛП Инструменты решения задач оптимизации на ЭВМ. Настройка "Поиск решения" Excel. Алгоритм решения задачи ЛП с помощью надстройки "Поиск решения". Отчет по результатам, отчет по устойчивости и отчет по пределам. Решение задач ЛП с помощью надстройки "Поиск решения". Анализ результатов решения.	4	4
Тема 7. Транспортная задача: модели и методы решения Математическая постановка транспортной задачи. Построение экономико-математической модели транспортной задачи. Нахождение первоначального базисного распределения поставок. Метод "северо-западного угла", метод наименьшей стоимости, метод Фогеля. Критерий оптимальности базисного распределения поставок. Понятие цикла пересчета, свойства цикла пересчета. Распределительный метод решения транспортной задачи. Метод потенциалов. Открытая модель транспортной задачи. Решение транспортной задачи в среде Excel.	4	4
Тема 8. Специальные задачи ЛП: модели и методы решения Экономические задачи, сводящиеся к транспортной задаче (о назначениях, о загрузке оборудования, размещении заказов, о составлении графика работы персонала и др.). Построение моделей задач и их решение. Задачи целочисленного программирования. Понятие о методах их решения: методы отсечения, метод ветвей и границ. Метод Гомори. Задачи с целочисленными и бинарными значениями переменных (об оптимизации инвестиционного портфеля, о выборе оптимальных проектов для финансирования и др.).	4	4
Тема 9. Модели и методы нелинейного программирования Примеры задач нелинейного программирования, их математическая постановка. Классические методы определения экстремумов. Метод множителей Лагранжа. Производная по направлению и градиент. Выпуклые функции. Задача выпуклого программирования. Методы спуска. Решение задач выпуклого программирования градиентным методом. Решение задач выпуклого программирования в среде Excel.	4	4
Итого	32	32

4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Темы для са-	Изучаемые во-	Коли-	Формы	само-	Методиче-	Формы	от-
--------------	---------------	-------	-------	-------	-----------	-------	-----

мостоятель- ного изучения	просы, задания	чество часов	стоятельной ра- боты	ские обеспе- чения	четности
Тема 1. Вве- дение. Основ- ные понятия и задачи эконо- мико- математиче- ского модели- рования биз- нес-процессов	• Знакомство с основной литературой. • Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. • Информационное обеспечение математического моделирования. • Проработка конспекта лекций.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная литература: 1, 2.	Индивиду- альный уст- ный опрос
Тема 2. Мо- дели линей- ного програ- мирования (ЛП)	• Проработка конспекта лекций. • Решение задач 1-3.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Конспект лекций, основная ли- тература: 1, 2.	Индивиду- альный уст- ный опрос
Тема 3. Тео- ретические основы мето- дов линейно- го програ- мирования. Геометриче- ский метод решения за- дачи ЛП	• Проработка конспекта лекций. • Решение задач 4-5.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий. 4.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Конспект лекций. Основная ли- тература: 1,2. Дополни- тельная лите- ратура: 1,4.	Индивиду- альный уст- ный опрос. Тестирова- ние
Тема 4. Сим- плексный ме- тод решения задачи ЛП	• Особые случаи симплексного метода. • Проработка конспекта лекций. • Решение задач 6 и 7.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий.	Конспект лекций. Основная ли- тература: 2,3. Дополни- тельная лите- ратура: 1,4.	Индивиду- альный уст- ный опрос

			3.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы		
Тема 5. Двой- ственные за- дачи ЛП	• Двойственный симплексный метод решения ЗЛП. • Проработка конспекта лекций. • Решение задачи 8,9.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий. 4.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Конспект лекций. Основная ли-тература: 3,4. Дополни-тельная лите-ратура: 1,5.	Индивиду-альный уст-ный опрос. Тестирова-ние
Тема 6. При- менение ЭВМ для решения задач ЛП	• Проработка конспекта лекций. • Решение зада-чи 10.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная ли-тература: 3,4. Дополни-тельная лите-ратура: 2,5.	Индивиду-альный уст-ный опрос.
Тема 7. Транспортная задача: моде- ли и методы решения	• Открытая транспортная за-дача • Проработка конспекта лекций. • Решение задач 11-13.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий. 4.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная ли-тература: 1,2. Дополни-тельная лите-ратура: 1,4.	Индивиду-альный уст-ный опрос. Тестирова-ние
Тема 8. Спе- циальные за- дачи ЛП: мо- дели и мето- ды решения	• Задача о за-грузке оборудо-вания. Модель задачи. • Задача о раз-мещении заказов. Модель задачи. • Проработка конспекта лек-	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий.	Основная ли-тература: 1,2. Дополни-тельная лите-ратура: 1,4.	Индивиду-альный уст-ный опрос. Тестирова-ние

	ций. • Решение задач 11-13. •		3.Выполнение тестовых заданий. 4.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы		
Тема 9. Модели и методы нелинейного программирования	• Понятие о параметрическом и стохастическом программировании. • Проработка конспекта лекций. • Решение задач 14,15.	4	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная литература: 3,4. Дополнительная литература: 2,5.	Индивидуальный устный опрос.
Итого		36			

Итого 36 ч. самостоятельной работы.

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
ДПК-1 Способность осуществлять поиск и сбор необходимой информации, в т.ч. и за-рубежного опыта, использовать методы количественного и качественного ее анализа с использованием современных информационных технологий, в том числе и интеллектуально аналитических систем; применять методы экономического и бизнес-анализа, маркетинговых исследований и стратегического анализа, для оценки проекта и обоснования решений о его выполнении	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа
ДПК-3 Способность осуществлять планирование предметных областей проекта, в том числе инновационных, с использованием различных методологий и стандартов проект-менеджмента, организовывать выполнение работ проекта в соответствии с техническим заданием, проводить мониторинг и контроль выполнения проекта в соответствии с установленными регламентами с применением современных информационных технологий, программных продуктов в области проект-менеджмента	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа

5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оцениваемые ком-	Уровень сформиро-	Этап формиро-	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оцени-
------------------	-------------------	---------------	----------------------	---------------------	--------------

петенции	ванности				вания
ДПК-1	Пороговый	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа	Знать: подходы и современные автоматизированных систем сбора и анализа информации; методы количественного и качественного анализа, маркетинговых исследований и стратегического анализа; обоснования решений по оценке проекта; Уметь: применять на практике методы и системы по сбору и анализу информации о проекте, формировать устав проекта; обосновывать решения по оценке проекта и возможностях его реализации на основе результатов экономического, маркетингового и стратегического анализа;	Опрос. Тест. Домашнее задание Задание на практических занятиях Зачет	41-60 баллов
	Продвину- тый	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа	Знать: подходы и современные автоматизированных систем сбора и анализа информации; методы количественного и качественного анализа, маркетинговых исследований и стратегического анализа; обоснования решений по оценке проекта; Уметь: применять на практике методы и системы по сбору и анализу информации о проекте, формировать устав проекта; обосновывать решения по оценке проекта и возможностях его реализации на основе результатов экономического, маркетинго-	Опрос. Тест. Домашнее задание Задание на практических занятиях Зачет	61-100 баллов

			вого и стратегического анализа; Владеть: методическим инструментарием бизнес-анализа проекта для экономической оценки и обоснования решения о выполнении проекта.		
ДПК-3	Пороговый	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа	Знать: - традиционные и нетрадиционные методы анализа, области их применения и особенности использования; - специфику деятельности коммерческих организаций различных организационно-правовых форм и их информационного обеспечения, зависимость направления анализа и выводов по нему от поставленных задач; Уметь: - разработать методическое обеспечение экономического анализа с использованием данных, формирующихся в системах управленческого и производственного учета организации; - выявлять факторы, влияющие на анализируемые показатели, рассчитывать степень их влияния, применяя прогрессивные методы; Владеть: - навыками проведения экономического анализа в условиях деятельности организаций различных организационных форм и видов деятельности	Опрос. Тест. Домашнее задание Задание на практических занятиях Зачет	41-60 баллов

			- построения аналитических моделей взаимосвязи факторов, обуславливающих изменения анализируемого экономического явления; -поиска информации для аналитических расчетов; -использования в своей деятельности нормативных правовых документов		
	Продвинутый	Работа на учебных занятиях Самостоятельная работа	Знать - методики маркетингового и экономического анализа объемов производства и продаж продукции, ее себестоимости, прибыли и рентабельности производства; Уметь: - определять характер влияния полученных в процессе анализа данных на конечные результаты деятельности хозяйствующих субъектов; - обосновывать управленческие решения по результатам анализа и разрабатывать предложения, направленные на оптимизацию бизнес-процессов. Владеть: - навыками количественного и качественного анализа информации при построении экономических, финансовых и организационно-управленческих моделей путем их адаптации к конкретным задачам управления	Опрос. Тест. Домашнее задание Задание на практических занятиях Зачет	61-100 баллов

5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Варианты тестовых заданий

1. Решение задачи линейного программирования может быть только в
 1. Узловых точках ОДР;
 2. На границе ОДР;
 3. Во внутренних точках ОДР;
 4. Произвольных точках.
2. Градиент указывает направление
 1. максимального роста функции,
 2. роста функции,
 3. минимального роста функции,
 4. убывания функции,
 5. неизменного значения функции.
3. Неединственность решения означает, что
 1. может быть получено большее значение функции;
 2. может быть получено меньшее значение функции;
 3. экстремальное значение достигается в ряде точек;
 4. решение не существует;
 5. необходимо сменить метод решения задачи.
4. Базисное решение может быть опорным планом, если оно:
 1. содержит только положительные значения;
 2. содержит только отрицательные значения;
 3. состоит из неотрицательных значений;
 4. состоит из целочисленных значений;
 5. содержит только нулевые значения.
5. Критерием оптимальности симплексного метода является :
 1. оценочная разность ,
 2. оценка ,
 3. значение целевой функции,
 4. неотрицательность решения,
 5. устойчивость решения.
6. Устойчивость решения – это:
 1. способность сохранять решение при изменении внешних факторов,
 2. неизменность решения,
 3. неотрицательность решения,
 4. достижение экстремального значения целевой функции,
 5. принадлежность решения области допустимых решений.
7. Если прямая задача не имеет решения, то двойственная задача:
 1. также не имеет решения,
 2. имеет решение,
 3. имеет только нулевое решение,
 4. имеет только целочисленное решение,
 5. не может быть сформулирована.
8. Для задачи формирования оптимальной производственной программы двойственная переменная y – это:
 1. теневая цена ресурсов,
 2. рыночная цена товаров,
 3. ценность ресурсов,
 4. прибыль от реализации товаров,
 5. издержки при производстве товаров.

9. Транспортная задача – это разновидность:
 1. задачи линейного программирования,
 2. задачи нелинейного программирования,
 3. задачи целочисленного программирования,
 4. задачи квадратичного программирования.
 5. особой задачи экономического анализа.
10. Первичный план перевозок в транспортной задаче можно получить используя :
 1. метод «минимального элемента»,
 2. метод Гоморри,
 3. метод наискорейшего спуска,
 4. произвольное распределение перевозок,
 5. метод экспертных оценок.
11. План перевозок является оптимальным, если оценочная разность является:
 1. неположительной,
 2. неотрицательной,
 3. положительной,
 4. отрицательной,
 5. равной нулю.
12. Если $m+n-1$ не равно числу заполненных клеток, то это значит, что:
 1. план перевозок невырожденный,
 2. план перевозок вырожденный,
 3. задача не имеет решения,
 4. задача имеет неединственное решение,
 5. спрос не равен предложению.
13. Метод потенциалов по сравнению с первичным планом перевозок позволяет изменить суммарные затраты в сторону:
 1. уменьшения,
 2. увеличения,
 3. стабилизации,
 4. не изменяет суммарные затраты,
 5. возможности дальнейшей оптимизации.
14. Заменяя в линейной модели знаки ограничений $\leq$ или $\geq$ на знак $=$, можно улучшить значение целевой функции задачи линейного программирования:

А. Верно. Б. Неверно.
15. Оптимальное решение задачи ЛП, если оно конечно, можно всегда найти, зная все экстремальные точки пространства решений (координаты вершин выпуклого многогранника области допустимых значений):

А. Верно. Б. Неверно.
16. В задаче ЛП с двумя переменными целевая функция может принимать одно и то же значение в двух различных экстремальных точках:

А. Верно. Б. Неверно
17. Изменения уровня запаса дефицитного ресурса всегда влияет на оптимальные значения как целевой функции так и переменных:

А. Верно. Б. Неверно.
18. Изменения коэффициентов целевой функции всегда приводит к изменению оптимальных значений переменных:

А. Верно. Б. Неверно
19. Каждому ограничению прямой задачи ЛП соответствует переменная двойственной задачи.

А. Верно. Б. Неверно.
20. В моделях динамического программирования число этапов равно количеству подзадач.

А. Верно. Б. Неверно

Перечень заданий для практических занятий

1. Имеем 195 бревен длиной 6 метров. Составить модель распила бревен, если необходимо получить 50 брусьев длиной 2 м, 75 брусьев длиной 3 м и 60 брусьев длиной 5 м и требуется минимизировать остатки. Объяснить экономический смысл переменных, ограничений и целевой функции задачи.

2. По данным таблицы составить такой план загрузки станков, чтобы затраты были минимальными.

Тип аппарата	Производительность работы линии (шт.)		План
	I	II	
A	5	2	16
B	2	1	7
C	2	7	13
Затраты ден. ед. за шт.	1	5	

3. Что означают следующие термины и понятия?

Целевая функция. Допустимое множество. Оптимальное решение. Система ограничений. Тривиальные ограничения. Задача линейного программирования. Допустимое решение. Каноническая форма задачи. Стандартная форма задачи. Опорный план.

4. Составить экономико-математическую модель задачи и решить ее графическим способом. Для производства двух видов изделий A и B предприятие использует два вида сырья. Данные о количестве расхода сырья и его запасы приведены в таблице. Требуется составить такой план выпуска изделий A и B, чтобы прибыль от их реализации была максимальной.

Вид сырья	Норма расхода сырья (кг) на одно изделие		Общее кол-во сырья
	A	B	
I	12	4	300
II	4	4	120
III	3	12	252
Прибыль от реализации одного изделия	30	40	

5. Экономико-математическая модель задачи имеет вид:

$$f(x) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

$$x_1 + 3x_2 \leq 18 \quad (1)$$

$$2x_1 + x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_2 \leq 5 \quad (3)$$

$$3x_1 \leq 21 \quad (4)$$

Решить задачу геометрическим методом.

6. Что означают следующие термины и понятия?

Базисные переменные. Свободные переменные. Ведущая строка. Ведущий столбец.

Ведущий элемент.

Двойственная задача. Оценки ресурсов. Транспортная задача. Метод потенциалов. Цикл пересчета. Косвенные стоимости. Задача на избыток. Задача на недостаток. Поставка. Метод минимальной стоимости.

Функция Лагранжа. Множители Лагранжа.

7. Экономико-математическая модель задачи имеет вид:

$$f(x) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

$$x_1 + 3x_2 \leq 18 \quad (1)$$

$$2x_1 + x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_2 \leq 5 \quad (3)$$

$$3x_1 \leq 21 \quad (4)$$

Решить задачу симплексным методом.

8. Что означают следующие термины и понятия?

Двойственная задача. Оценки ресурсов. Теневые цены.

9. Применительно к условиям задачи 4 составить ЭММ двойственной задачи и найти ее решение, используя решение задачи 4. Объяснить экономический смысл переменных, ограничений и целевой функции прямой и двойственной задач.

10. Найти решение задачи 3 с использованием надстройки «Поиск решения» Excel. Дать интерпретацию результатам решения, представленным в отчетах по результатам, по пределам и устойчивости надстройки «Поиск решения».

11. Решить транспортную задачу распределительным методом. Данные о стоимости перевозок, мощностях поставщиков и спросе потребителей представлены в таблице.

6	4	4	5	300
6	9	5	8	300
8	2	10	6	100
150	250	100	100	

12. Составить экономико-математическую модель задачи, найти оптимальное распределение поставок и минимальные затраты на перевозку с помощью средств EXCEL. Данные о стоимости перевозок, мощностях поставщиков и спросе потребителей представлены в таблице.

Поставщики	Мощность поставщиков	Потребители и их спрос			
		1	2	3	4
		50	50	40	60
1	30	5	4	6	3
2	70	4	5	5	8
3	70	7	3	4	7

13. Необходимо распределить самолеты трех типов по четырем авиалиниям так, чтобы при минимальных суммарных эксплуатационных расходах перевезти по каждой из четырех авиалиний соответственно не менее 400, 200, 150 и 500 ед. груза.

Тип самолета	Число самолетов	Месячный объем перевозок одним самолетом по авиалиниям			
		1	2	3	4
1	50	15	10	20	50
2	20	30	25	10	17
3	30	25	50	30	45

Матрица эксплуатационных расходов на один рейс по каждому маршруту, д.е. имеет вид

$$G_j = \begin{cases} 150234 \\ 702834 \\ 407006 \end{cases}$$

14. Гражданин Иванов собирается разместить 200 ед. денежных средств в различные инвестиционные проекты. Известно, что абсолютная величина дохода от размера x вложенных средств по рассматриваемым трем проектам описывается зависимостями:

$$f_1(x) = 0,1x;$$

$$f_2(x) = 3x^{2/3};$$

$$f_3(x) = 5x_{1,2}$$

Определить, как гр. Иванову следует разместить средства, чтобы получить максимальный абсолютный доход.

15. Фирма реализует автомобили через магазин и торговых агентов. При реализации x_1 автомобилей через магазины расходы на реализацию составляют $4x_1 + x_1^2$ ден. ед., а при продаже x_2 автомобилей через торговых агентов расходы составляют x_2^2 ден. ед.

Составить математическую модель задачи и найти способ реализации автомобилей, минимизирующий суммарные расходы, если общее число предназначенных к продаже автомобилей составляет 200 единиц. Задачу решить средствами Excel.

Перечень вопросов для опроса

1. Какие задачи называются задачами линейного программирования?
2. С именами каких учёных связано создание методов решения задач линейного программирования?
3. Сформулируйте известные вам критерии оптимальности решения задачи линейного программирования.
4. Чем полезна основная задача производственного планирования? Для решения каких задач её применяют?
5. Почему все переменные неотрицательные, как называются эти ограничения?
6. Какое допустимое решение называется оптимальным?
7. Чем отличаются каноническая и стандартная задачи линейного программирования?
8. Геометрическое истолкование и свойства канонической задачи линейного программирования.
9. Типы экономических задач, сводящихся к задачам линейного программирования.
10. При решении задачи симплексным методом какой столбец называется ведущим, какая строка ведущей и какой элемент ведущим?
11. Как производится переход от одного опорного решения к другому при использовании симплексного метода решения задачи линейного программирования?
12. Почему решение считается найденным, если коэффициенты последней строки таблицы положительные?
13. Какой экономический смысл имеют коэффициенты столбца свободных членов последней таблицы?
14. Экономическая интерпретация двойственной задачи.
15. Свойства взаимно двойственных задач.
16. В чём состоит польза первой теоремы двойственности?
17. Каким образом используются переменные двойственной задачи в экономическом анализе?
18. Какой критерий оптимальности следует из первой теоремы двойственности?

19. Какую единицу измерения имеют переменные двойственной задачи линейного программирования? Чем это объясняется?
20. Поясните примером экономический смысл объективно обусловленной оценки.
21. Поясните примером экономическое значение второй теоремы двойственности.
22. Экономический смысл транспортной задачи?
23. Когда транспортная задача является задачей на избыток, а когда задачей на недостаток, как это исправить?
24. В чем суть метода северо-западного угла?
25. В чем суть метода минимальной стоимости?
26. Когда опорный план считается оптимальным, то есть решение найдено?
27. Какие типы экономических задач сводятся к транспортной задаче?
28. Что показывают цифры в строке фиктивного поставщика и в столбце фиктивного потребителя, когда транспортная задача решена?
29. Дайте сравнительную характеристику задачам линейного и нелинейного программирования.
30. Дайте характеристику области применения множителей Лагранжа в маркетинге.
31. Для чего предназначена функция Лагранжа?
32. Какие результаты позволяют получить анализ функциональной матрицы задачи математического программирования?
33. Какова экономическая интерпретация множителей Лагранжа?
34. Перечислите известные вам задачи нелинейного программирования.
35. Перечислите условия теоремы Куна-Таккера.
36. Приведите числовой пример задачи выпуклого программирования и её функции Лагранжа.
37. Для решения каких экономико-математических моделей используется принцип оптимальности Беллмана? Приведите 2-3 примера.

Примерный перечень вопросов к зачету

1. Классификация экономико-математических моделей. Вклад российских и зарубежных ученых в развитие экономико-математических методов.
2. Понятие моделирования. Моделирование в экономике и его использование в развитии и формализации экономической теории.
3. Математическая структура модели и ее содержательная интерпретация.
4. Математическая модель и ее основные параметры. Порядок построения модели.
5. Информационное и экономическое обеспечение экономико-математического моделирования.
6. Критерии оптимальности ЭММ.
7. Постановка общей задачи линейного программирования (ЛП).
8. Стандартная задача ЛП.
9. Каноническая задача ЛП.
10. Примеры экономических задач, приводящих к задаче линейного программирования. Задача планирования производства.
11. Примеры экономических задач, приводящих к задаче линейного программирования. Задача об использовании мощностей.
12. Решение системы m линейных уравнений с n переменными, в которых $m < n$.
13. Свойства задачи линейного программирования.
14. Геометрический метод решения задачи ЛП.
15. Определение первоначального допустимого базисного решения.
16. Алгоритм отыскания максимума целевой функции.
17. Прямая и двойственная задачи линейного программирования. Экономическая интерпретация взаимно двойственных задач линейного программирования. Первая теорема двойственности: формулировка и экономическая интерпретация.
18. Свойства взаимно двойственных задач.

19. Вторая теорема двойственности: формулировка и экономическая интерпретация.
20. Третья теорема двойственности: формулировка и практическое значение.
21. Объективно обусловленные оценки благ: экономическая интерпретация, применение в анализе сбыта и цен.
22. Алгоритм решения задачи ЛП с помощью надстройки "Поиск решения".
23. Содержание отчетов по результатам, по устойчивости и отчета по пределам.
24. Содержание и математическая постановка транспортной задачи.
25. Построение компьютерной экономико-математической модели транспортной задачи.
26. Нахождение первоначального базисного распределения поставок. Метод "северо-западного угла". Метод наименьшей стоимости.
27. Критерий оптимальности базисного распределения поставок.
28. Распределительный метод решения транспортной задачи.
29. Открытая модель транспортной задачи.
30. Решение транспортной задачи в среде Excel.
31. Содержание и математическая постановка задачи о назначениях.
32. Задачи целочисленного программирования. Методы отсечения.
33. Метод Гомори.
34. Задачи ЛП с бинарными переменными.
35. Примеры задач нелинейного программирования, их математическая постановка.
36. Классические методы определения экстремумов.
37. Метод множителей Лагранжа.
38. Определение выпуклой функции, их свойства. Задача выпуклого программирования.
39. Численные методы решения задач нелинейного программирования.
40. Решение задач выпуклого программирования градиентным методом.

5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Основными формами контроля являются опрос, тест, выполнение домашних заданий, расчетных заданий, зачет во 2 семестре.

В промежуточную аттестацию включаются как теоретические вопросы, так и практические задания.

Соотношение оценки и баллов в рамках процедуры оценивания

«Оценка»	Соответствие количеству баллов
Отлично	81-100
Хорошо	61-80
Удовлетворительно	41-60
Неудовлетворительно	0-40

Соотношение вида работ и количества баллов в рамках процедуры оценивания

Вид работы	количество баллов
Опрос	до 10 баллов
Тест	до 15 баллов
Домашние задания	до 10 баллов
Задания на практическом занятии	до 35 баллов
Зачет	до 30 баллов

5.4.1. *Опрос* оценивается от 0 до 10 баллов. Освоение компетенций зависит от результата *опроса*: 9-10 баллов - компетенции считаются освоенными на высоком уровне (оценка отлично); 6-8 баллов - компетенции считаются освоенными на базовом уровне (оценка хорошо); 3-5 баллов - компетенции считаются освоенными на удовлетворительном уровне (оценка удовлетворительно); 0-2 баллов - компетенции считаются не освоенными (оценка неудовлетворительно).

Критерии оценивания	Интервал оценивания
1. Самостоятельно и аргументировано делать анализ, обобщать, выводы	0-2
2. Самостоятельно, уверенно и безошибочно применяет полученные знания в решении проблем на творческом уровне	0-2
3. Умеет составить полный и правильный ответ на основе изученного материала; выделять главные положения, самостоятельно подтверждать ответ конкретными примерами, фактами	0-3
4. Понимание сущности рассматриваемых понятий, явлений и закономерностей, теорий, взаимосвязей	0-3

5.4.2. Написание *теста* оценивается по шкале от 0 до 15 баллов.

Процент правильных ответов	Баллы	Уровень освоения компетенций
81-100%	14-15 баллов	высокий
61-80%	11-13 баллов	выше базового
41-60%	8-10 баллов	базовый
21-40%	6-7 балла	ниже базового
20% и менее	менее 6 баллов	компетенции не освоены

5.4.3. Уровень *выполненных домашних заданий* оценивается по шкале от 0 до 10 баллов.

Процент правильно выполненных заданий	Баллы	Уровень освоения компетенций
81-100%	9-10 баллов	высокий
61-80%	7-8 баллов	выше базового
41-60%	5-6 баллов	базовый
21-40%	3-4 балла	ниже базового
20% и менее	менее 3 баллов	компетенции не освоены

5.4.4. Баллы по отдельным *практическим занятиям* суммируются (максимально – 35 баллов).

Уровень выполнения заданий на практическом занятии оценивается по шкале от 0 до 10 баллов: 9-10 баллов - компетенции считаются освоенными на высоком уровне (оценка отлично); 7-8 баллов - компетенции считаются освоенными на продвинутом уровне (оценка отлично); 5-6 баллов - компетенции считаются освоенными на базовом уровне (оценка хорошо); 3-4 балла - компетенции считаются освоенными на удовлетворительном уровне (оценка удовлетворительно); менее 3 баллов - компетенции считаются не освоенными (оценка неудовлетворительно).

Критерии оценивания	Интервал оценивания
1) Степень понимания задания	0-2

2) Уровень разработки экономико-математической и компьютерной моделей	0-2
3) Правильность решения учебной (профессиональной) задачи	0-2
4) Понимание и интерпретация результатов решения	0-2
5) Грамотность оформления отчета по лабораторной работе	0-2
Максимальная сумма баллов	10

5.4.5. Шкала оценивания зачета.

Аттестация по итогам усвоения дисциплины проводится в конце 2 семестра в форме зачета.

Цель **зачета** по дисциплине - оценить работу студента за курс, а также полученные им теоретические и практические знания, прочность их усвоения, развитие творческого мышления, приобретение навыков самостоятельной работы, умение синтезировать полученные знания и использовать их в решении задач. Зачет проводится в форме устного собеседования по билетам, содержащим 1 теоретический вопрос и одну задачу, и результаты его могут быть максимально оценены в 30 баллов. Ответ на каждый вопрос оценивается по следующей шкале и суммируется в общую балльную оценку по зачету:

Качество ответа на вопрос	Оценка в баллах
Отличное	15
Хорошее	10
Удовлетворительное	7
Неудовлетворительное	0

Максимальная общая итоговая оценка по дисциплине в 100 баллов состоит из суммы баллов за текущую успеваемость (70 баллов), за выполнение зачетных заданий (30 баллов) и выглядит следующим образом:

При неудовлетворительной сдаче зачета или неявке по неуважительной причине на зачет зачетная составляющая приравнивается к нулю (0). В этом случае студент в установленном в Университете порядке обязан пересдать зачет.

При пересдаче зачета используется следующее правило для формирования рейтинговой оценки:

- 1-я пересдача – фактическая рейтинговая оценка, полученная студентом за ответ, минус 10 баллов;
- 2-я пересдача – фактическая рейтинговая оценка, полученная студентом за ответ, минус 20 баллов.

Уровень сформированности компетенций оценивается в соответствии с таблицей.

№ п/п	ФИО	Сумма баллов, набранных в семестре					ИТОГО 100 баллов
		Опрос до 10 баллов	Тест до 15 баллов	Домашние задания до 10 баллов	Задания на практических занятиях до 35 баллов	Зачет до 30 баллов	
1	2	3	4	5	6	7	8
1.							

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Основная литература

Дубина, И. Н. Основы математического моделирования социально-экономических процессов : учебник и практикум для вузов / И. Н. Дубина. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 349 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00501-1. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/469717>

Гармаш, А. Н. Экономико-математические методы и прикладные модели : учебник для бакалавриата и магистратуры / А. Н. Гармаш, И. В. Орлова, В. В. Федосеев ; под редакцией В. В. Федосеева. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 328 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3698-8. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/406453>

Королев, А. В. Экономико-математические методы и моделирование : учебник и практикум для вузов / А. В. Королев. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 280 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00883-8. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/470088>

6.2. Дополнительная литература:

1. Гармаш, А. Н. Экономико-математические методы и прикладные модели [Электронный ресурс]: учебник для вузов / А. Н. Гармаш, И. В. Орлова, В. В. Федосеев. — 4-е изд.— М. : Юрайт, 2019. — 328 с. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/F1ED488F-DE26-4F3D-BD14-B5DE28846453.

2. Гетманчук, А. В. Экономико-математические методы и модели [Электронный ресурс] : учеб. пособие для вузов /А. В. Гетманчук, М. М. Ермилов. - М.: Дашков и К, 2013. - 188 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=415314>

3. Дубина, И.Н. Основы математического моделирования социально-экономических процессов [Электронный ресурс]: учебник и практикум для вузов. — М. : Юрайт, 2018. — 349 с. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/AE81649F-D411-4FF5-8733-614106E0D831.

4. Невежин В.П. Исследование операций и принятие решений в экономике [Электронный ресурс]: сб. задач и упр.: учеб. пособие для вузов /Невежин В. П., Кружилов С. И., Невежин Ю. В. - М.: Форум, 2015.- 400 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=504735>

5. Орлова, И.В. Экономико-математические методы и модели [Текст] : компьютерное моделирование : учеб. пособие для вузов / И.В. Орлова, В.А. Половников. - 3-е изд. - М. : Вуз. учебник, 2013. - 389с.

6. Орлова, И.В. Экономико-математическое моделирование [Электронный ресурс]: практ. пособие по решению задач. - 2-е изд. - М.: Вузовский учебник, 2014. - 140 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=441616>

7. Смагин, Б. И. Экономико-математические методы [Электронный ресурс]: учебник для вузов. — 2-е изд. — М. : Юрайт, 2018. — 272 с. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/9A7E4917-6BDB-4E3C-BC5B-434AB26F86CD.

8. Хуснутдинов, Р.Ш. Экономико-математические методы и модели [Текст] : учеб.пособие для вузов. - М. : Инфра-М, 2014. - 224с.

9. Юдин С.В. Математика и экономико-математические модели [Электронный ресурс]: учебник. - М.: РИОР, 2016. - 374 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=491811>

6.3.Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. Сайт прикладной математики для студентов и преподавателей <http://www.exponenta.ru/> .

2. <http://www.konsalter.ru/biblioteka/mathematics.htm>

3. Справочник. Интернет издание <http://www.libray.narod.ru>.

4. Материалы электронной библиотечной системы znanium.com.

7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Методические рекомендации по подготовке и проведению практических занятий по дисциплинам, реализуемым на экономическом факультете;
2. Методические рекомендации по подготовке и проведению лекционных занятий по дисциплинам, реализуемым на экономическом факультете;
3. Методические рекомендации по организации самостоятельной работы по дисциплинам, реализуемым на экономическом факультете;
4. Методические рекомендации по выполнению тестовых заданий по дисциплинам, реализуемым на экономическом факультете.

8. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Лицензионное программное обеспечение:

Microsoft Windows

Microsoft Office

Kaspersky Endpoint Security

Информационные справочные системы:

Система ГАРАНТ

Система «КонсультантПлюс»

Профессиональные базы данных:

fgosvo.ru pravo.gov.ru

www.edu.ru

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает в себя:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованные учебной мебелью, доской, демонстрационным оборудованием;
- помещения для самостоятельной работы, укомплектованные учебной мебелью, персональными компьютерами с подключением к сети Интернет и обеспечением доступа к электронным библиотекам и в электронную информационно-образовательную среду МГОУ;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования, укомплектованные мебелью (шкафы/стеллажи), наборами демонстрационного оборудования и учебно-наглядными пособиями;
- лаборатория оснащенная, лабораторным оборудованием:
комплект учебной мебели, персональные компьютеры с подключением к сети Интернет и обеспечением доступа к электронным библиотекам и в электронную информационно-образовательную среду МГОУ.

МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО РЕШЕНИЮ ЗАДАЧ МАТЕМАТИЧЕСКОГО ПРОГРАММИРОВАНИЯ В EXCEL

Рассмотрим конкретную задачу.

Руководство фирмы предполагает производить продукцию двух моделей А и В. Их производство ограничено наличием сырья, временем эксплуатации оборудования и денежными кредитами. Для каждого изделия модели А требуется 0,3 м³ древесины, 0,2 часа работы станков и затратить 1,6 денежных единиц, а для изделия модели В - 0,4 м³ древесины, 0,5 часа работы станков и 1 ден. ед. Фирма может получить от своих поставщиков до 170 м³ древесины в неделю и использовать оборудование в течение 160 часов. На финансирование проекта предполагается выделять 800 ден. ед. Сколько изделий каждой модели следует фирме выпускать в неделю, если каждое изделие модели А должно приносить 2 ден. ед. прибыли, а каждое изделие модели В - 4 ден. ед. прибыли?

Построение математической модели

Переменные. Так как нужно определить объемы производства каждого вида моделей продукции, переменными в модели являются:

x_1 - количество выпущенных за неделю изделий модели А₁,

x_2 - количество выпущенных за неделю изделий модели А₂.

Целевая функция. Так как прибыль от реализации 1-го изделия модели А равна 2 денежным единицам, недельный доход от ее продажи составит $2 \cdot x_1$ ден. ед. Аналогично доход от реализации x_2 штук изделия модели В составит $4 \cdot x_2$ ден. ед. в неделю.

При допущении *независимости объемов сбыта* каждой из моделей общий доход равен сумме двух слагаемых - дохода от продажи модели А и дохода от продажи модели В.

Обозначив общий доход через F , можно дать следующую математическую формулировку целевой функции: определить (допустимые) значения x_1 и x_2 , максимизирующие величину общего дохода $F = 2 \cdot x_1 + 4 \cdot x_2$.

Ограничения. При решении рассматриваемой задачи должны быть учтены ограничения на расход древесины, время эксплуатации оборудования и финансовые возможности фирмы.

Ограничение на расход древесины можно записать следующим образом:

$$0,3 x_1 + 0,4 x_2 \leq 170.$$

Ограничение на время использование оборудования можно записать следующим образом:

$$0,2 x_1 + 0,5 x_2 \leq 160.$$

Ограничение на использование финансов можно записать следующим образом:

$$1,6 x_1 + 1,0 x_2 \leq 800.$$

Поскольку x_1 и x_2 выражают еженедельный объем выпускаемых изделий, то они не могут быть отрицательными, т.е. $x_1 \geq 0$ и $x_2 \geq 0$ (условие не отрицательности переменных).

Итак, математическую модель задачи можно записать следующим образом:

$$\max F = 2 x_1 + 4 x_2 \text{ (целевая функция)} \quad (1)$$

при ограничениях:

$$0,3 x_1 + 0,4 x_2 \leq 170 \quad (2)$$

$$0,2 x_1 + 0,5 x_2 \leq 160 \quad (3)$$

$$1,6 x_1 + x_2 \leq 800 \quad (4)$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \quad (5)$$

Процесс решения задачи средствами Microsoft Excel

Вызовите Microsoft Excel. В новой рабочей книге переименуйте "Лист№1" в ЛР 1 Вариант №... Отчет (Фамилия № группы)

Задание исходных данных задачи.

Начиная с ячейки с именем **A1** на Листе окна Excel постройте следующую таблицу (рис. 1.):

	A	B	C	D	E	F	G	H
1		Коэффициенты в ограничения	Правые части				Ограничения	
2		0,3	0,4		170		0	
3		0,2	0,5		160		0	
4		1,6	1		800		0	
5	коэф. при целевой	2	4					
6	переменные							
7	Целевая функция	0						
8								
9								

Рис. 1. Фрагмент Листа рабочей книги с исходными данными

В ячейки с адресами B2:C4 – двоеточие означает диапазон ячеек, начинающийся с ячейки с адресом B2 и заканчивающийся ячейкой с адресом C4 – заносятся коэффициенты при неизвестных x_1 и x_2 в ограничениях (2)–(4).

После занесения в ячейку числа или формулы необходимо нажать клавишу ENTER.

В ячейки с адресами B5:C5 занесены коэффициенты в целевой функции (1).

В строке **Переменные** ячейки B6:C6 пусты; в них после решения задачи, будут занесены рассчитанные значения переменных x_1 и x_2 .

В столбце **Ограничения** в ячейки G2:G4 занесены формулы для расчеты левых частей ограничений (2)–(5). Каждая формула начинается со знака «=».

В ячейку B7 занести формулу =СУММПРОИЗВ(B5:C5;B6:C6), которой записана целевая функция (1). В эту же ячейку будет занесено вычисленное значение целевой функции.

Решение задачи.

Поставить курсор мыши в ячейку B7 и нажать на левую кнопку мыши – туда после решения задачи, будет занесено вычисленное значение целевой функции.

Войти в меню Сервис, выбрать в нем **Поиск решения** и щелкнуть на нем левой кнопкой мыши. На экране появится диалоговое окно **Поиск решения** (рис. 2). В поле **Установить целевую ячейку** занести \$B\$7. Для этого проще всего установить курсор мыши внутрь ячейки, щелкнуть в ней левой кнопкой мыши, затем щелкнуть мышью на ячейке B7.

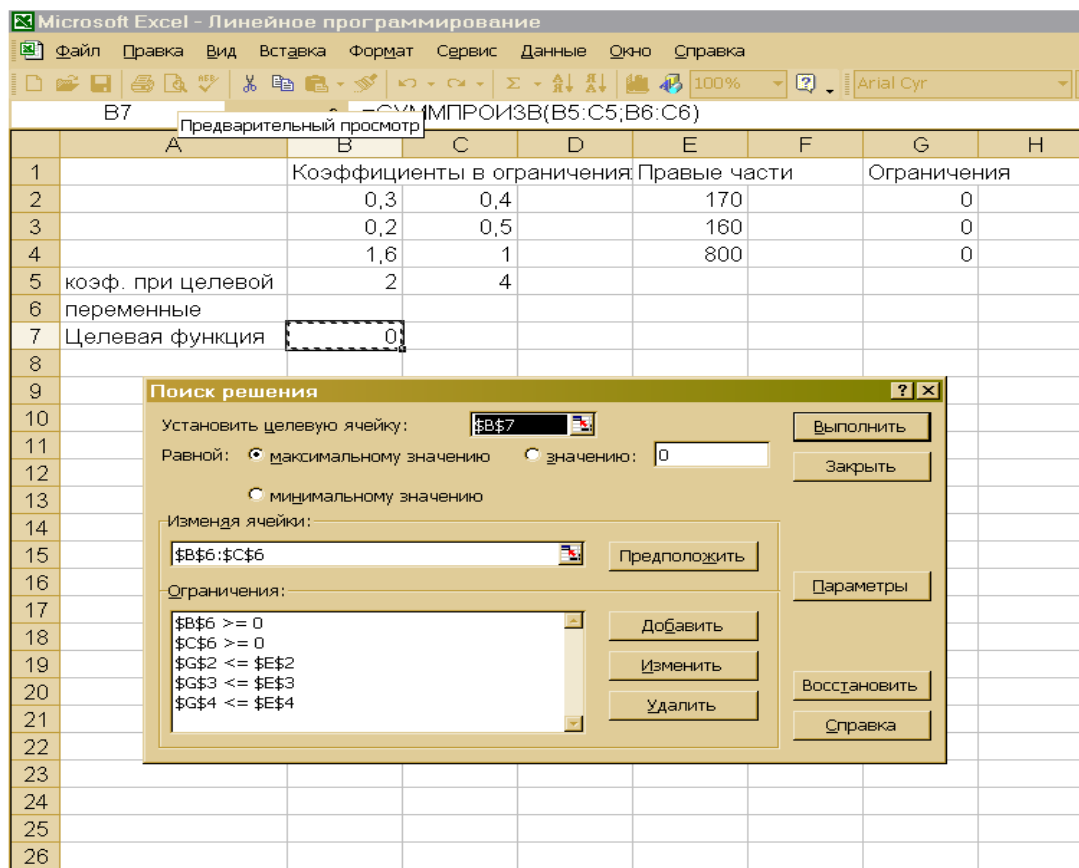


Рис. 2. Фрагмент Листа Excel на экране с диалоговым окном Поиск решения

Поскольку ищется максимум целевой функции, то после слова **Равной** выделим **Максимальному значению**, щелкнув в кружочке мышью.

В поле **Изменяя ячейки** занесем диапазон \$B\$6:\$C\$6, так как именно эти ячейки отведены под значения вычисляемых переменных.

В поле **Ограничения** занесем ограничения (2)–(5). Для этого щелкнем мышью на кнопке **Добавить**. Появится диалоговое окно **Добавление ограничения** (рис 3) В поле **Ссылка на ячейку** поставим курсор мыши в поле, затем поставим курсор на ячейку G2, где задана формула ограничения. В среднее поле, щелкнув на кнопке со стрелочкой, занесем соответствующий знак неравенства. В поле **Ограничение** занесем правую часть ограничения, расположенную в ячейке E2. Щелкнуть на кнопке **ОК**. Попадаем снова в поле **Поиск решения**. Затем повторяя описанные выше действия, заносим остальные ограничения (рис. 3).

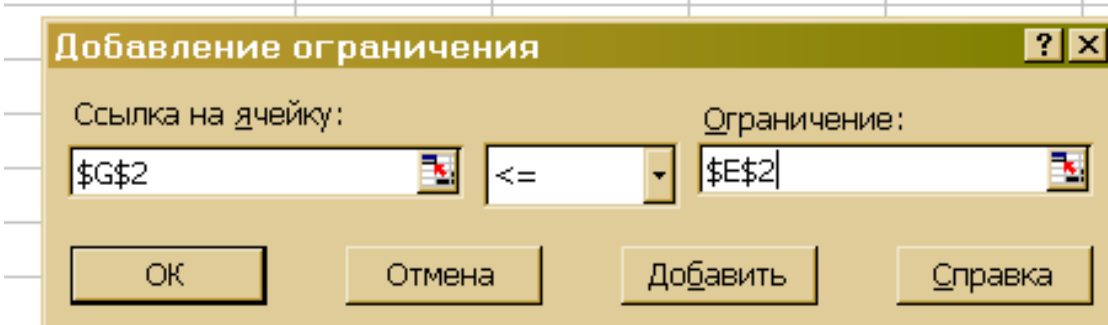


Рис. 3. Диалоговое окно Добавление ограничения

Снова в поле **Поиск решения** (рис. 2). Щелкнуть мышью на кнопке **Параметры**.

На экране появится диалоговое окно **Параметры поиска решения**. В этом окне (рис. 4) устанавливаются параметры поиска решения. Здесь отметить квадратик **Линейная мо-**

дель, **Неотрицательные значения**, **Автоматическое масштабирование**. Щелчком на кнопке **ОК**.

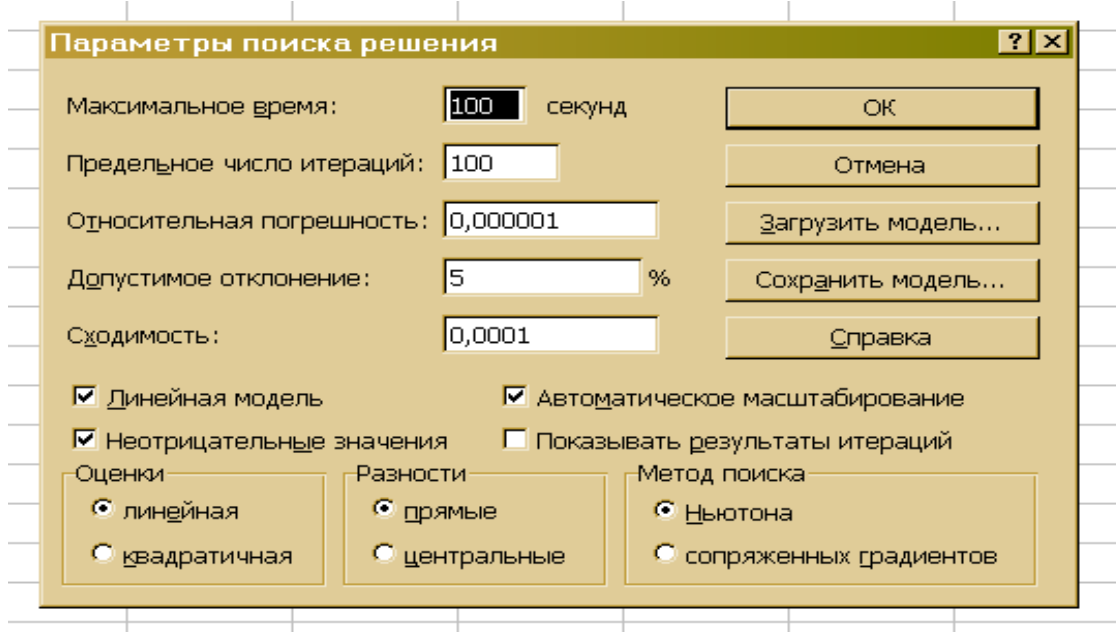


Рис. 4. Диалоговое окно **Параметры поиска решения**

Снова попадаем в диалоговое окно **Поиск решения**. В этом окне (рис. 2) щелчком левой кнопкой мыши на кнопку **Выполнить**. На экран выводится окно **Результаты поиска решения** (рис. 5).

Microsoft Excel - Линейное программирование									
Файл Правка Вид Вставка Формат Сервис Данные Окно Справка									
100% Arial Cyr 10 Ж К									
	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1		Коэффициенты в ограничения			Правые части		Ограничения		
2		0,3	0,4		170		170		
3		0,2	0,5		160		160		
4		1,6	1		800		680		
5	коэф. при целевой	2	4						
6	переменные	300	200						
7	Целевая функция	1400							
8									
9									
10									

Рис. 5. Результаты решения задачи, расположенные на Листе экрана

Одновременно на Листе экрана также появляются результаты решения задачи: В столбце **Ограничения** выводятся их рассчитанные значения. В строке **переменные** – значения рассчитанных переменных x_1 и x_2 . В ячейке с целевой функцией – рассчитанное значение целевой функции.

Итак найдено **решение**: $x_1 = 300$, $x_2 = 200$, $F_{max} = 1400$.

В окне **Результаты поиска решения** (рис. 6) содержится тип отчета: **Результаты**, **Устойчивость**, **Пределы**. Для получения всех видов отчетов надо щелкнуть кнопкой мыши на каждом из них – соответствующие строки будут закрашены – а затем на **ОК**. Отчеты отображаются в нижней строке Листа на экране Excel. Для их вызова необходимо щелкнуть на соответствующем отчете.

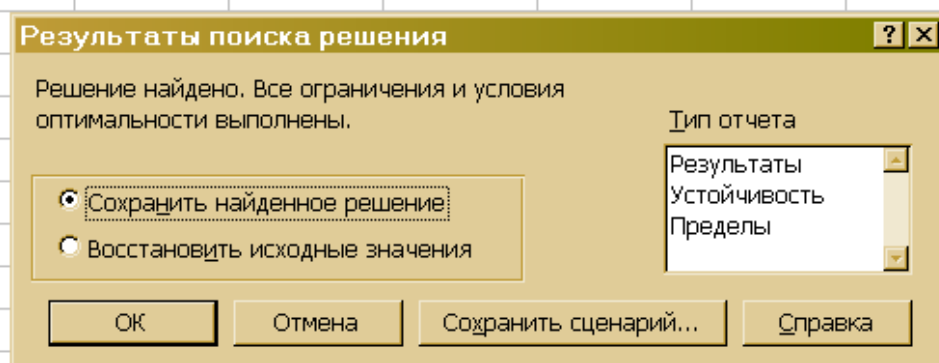


Рис. 6. Диалоговое окно **Результаты поиска решения**

В **отчете по результатам** (рис. 7) приведены значения неизвестных и целевой функции, а также данные о выполнении ограничений. В графе Статус указаны связанные и несвязанные переменные.

В **отчете по устойчивости** (рис. 8) приведены границы устойчивости неизвестных задачи – допустимое увеличение и уменьшение коэффициентов целевой функции, границы устойчивости двойственных оценок. В графе **Нормированная стоимость** элемент этой графы показывает, на сколько уменьшится значение функции, если в решении переменную увеличить на единицу.

В **отчете по пределам** (рис. 9) показаны нижние и верхние пределы изменения неизвестных и значения целевой функции при этих изменениях.

Microsoft Excel 10.0 Отчет по результатам

Рабочий лист: [Линейное программирование.xls]Лист1

Отчет создан: 29.07.2004 18:25:17

Целевая ячейка (Максимум)

Ячейка	Имя	Исходное значение	Результат
\$B\$7	Целевая функция	0	1400

Изменяемые ячейки

Ячейка	Имя	Исходное значение	Результат
\$B\$6	переменные	0	300
\$C\$6	переменные	0	200

Ограничения

Ячейка	Имя	Значение	Формула	Статус	Разница
\$G\$3	Ограничения	160	\$G\$3<=\$E\$3	связанное	0
\$G\$2	Ограничения	170	\$G\$2<=\$E\$2	связанное	0
\$G\$4	Ограничения	680	\$G\$4<=\$E\$4	не связан.	120
\$C\$6	переменные	200	\$C\$6>=0	не связан.	200
\$B\$6	переменные	300	\$B\$6>=0	не связан.	300

Рис. 7. Отчет по результатам

Изменяемые ячейки

Ячейка	Имя	Результ. значение	Нормир. стоимость	Целевой Кoeffициент	Допустимое Увеличение	Допустимое Уменьшение
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	300	0	2	1	0,4
\$C\$6	переменные	200	0	4	1	1,333333333

Ограничения

Ячейка	Имя	Результ. значение	Теневая Цена	Ограничение Правая часть	Допустимое Увеличение	Допустимое Уменьшение
\$G\$3	Ограничения	160	5,714285714	160	52,5	24,70588235
\$G\$2	Ограничения	170	2,857142857	170	14	42
\$C\$4	Ограничения	680	0	800	1E+30	120

Рис. 7. Отчет по устойчивости

Ячейка	Целевое Имя	Значение
\$B\$7	Целевая функция Коэффициенты в ограничениях	1400

Ячейка	Изменяемое Имя	Значение	Нижний предел	Целевой результат	Верхний предел	Целевой результат
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	300	0	800	300	1400
\$C\$6	переменные	200	0	600	200	1400

Рис. 9. Отчет по пределам